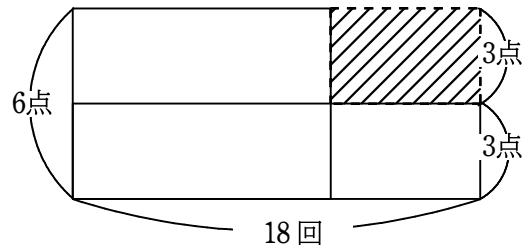


1 (1) $\frac{12}{5} \times \frac{\square}{9} - \frac{2}{3} \times \frac{1}{8} = \frac{5}{4}$ $\frac{4}{15} \times \square = \frac{5}{4} + \frac{1}{12}$ $\square = \frac{16}{12} \times \frac{15}{4} = 5$

- (2) 右の図の斜線部分は $6 \times 18 - 87 = 21$
 よって、得点が3点の回数は $21 \div (6 - 3) = 7$ (回)
 6点の回数は $18 - 7 = 11$ (回)
 したがって、表が出たのは11回



- (3) Aさんが買った赤と青の画用紙の枚数をそれぞれ④、⑦と表すと、 $\textcircled{7} - \textcircled{4} = 10 - 1$
 よって $\textcircled{1} = 3$ (枚) したがって $3 \times \textcircled{4} = 12$ (枚)
 (4) 長さ180mの列車がすれ違うのに9秒かかることから、電車の速さは $(180 \times 2) \div 9 \div 2 = 20$ m/秒
 よって鉄橋の長さは $20 \times 42 - 180 = 660$ m
 (5) 半径3cm、中心角 60° の扇形の面積に等しいから、 $3 \times 3 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = 4.71$ よって 4.71cm^2

2 仮に⑤が3枚あるとすると考える。このとき、⑤よりも③のほうが枚数が多いので、③は4枚以上あることになる。もし③が4枚だとしても合計は27となり、②の枚数が0枚になってしまうから、⑤が3枚ということはない。つまり、⑤は2枚以下だとわかる。これより枚数をまとめると以下の表の通り。

カード	①	②	③
5	1	1	2
3	2	3	3
2	6	5	4
合計	23	24	27

条件を満たすのは③のみ。よって②は4枚、③は3枚、⑤は2枚。

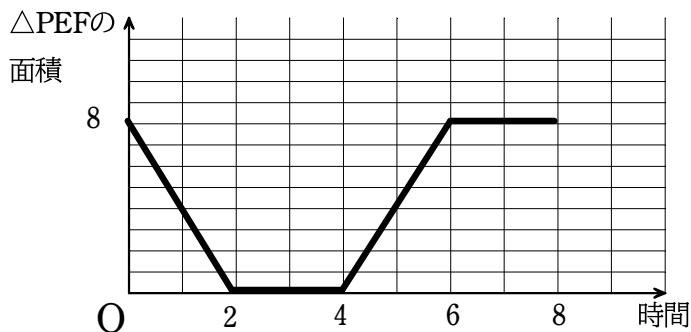
- 3 (1) Cは20番ごとに同じ数が並んでいる。21番目は1番目と同じだから 2
 (2) $804 = 20 \times 40 + 4$ だから、4番目と同じ数になるので 9
 (3) Cの1番目から20番目までに書かれた数の和は

$$(1+2+3+4+5) \times 4 + (1+5+2+5) \times 5 = 60 + 65 = 125$$

また $2026 = 20 \times 101 + 6$ であることから、Cの1番目から2026番目までに書かれた数の和は

$$125 \times 101 + 2 + 7 + 5 + 9 + 6 + 6 = 12660$$

- 4 (1) $\triangle PEF$ の面積を表すグラフは以下の通り。



- (2) EGを三角形の底辺を考えると、底辺は一定だから、高さが大きくなれば面積も大きくなる。PがB、Dにあるとき、 $\triangle PEG$ は同じ大きさの正三角形となり面積が最大となる。逆にPがA、Cにあるときに最小となる。

- 5 (1) 直線 AC を引く。三角形 ACD と三角形 ABC は高さが同じだから、それぞれ面積を③、⑨として、台形 ABCD の面積を⑫とする。

三角形 ACE の面積は、 $12 \div 3 - 3 = 1$ より、①

三角形 EBC の面積は③だから、求める比は 1 : 8

- (2) DA と CE を延長して交った点を I とする。

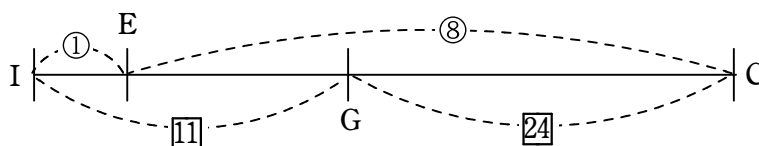
直線 AE の長さ と 直線 EB の長さの比が 1 : 8 であることを、 $AE : EB = 1 : 8$ と表すことにすると、

$AI : BC = 1 : 8 = 3 : 24$ よって $BG : GD = BC : ID = 24 : (3+8) = 24 : 11$

- (3) $IE : EC = AE : EB = 1 : 8$ である。

また、 $IG : GC = GD : BG = 11 : 24$ である。

これより、 $IE : EG : GC$ を考えると以下の通り。



上の図をもとに、 $IE : EC$ と $IG : GC$ について

$$IE : EC = 1 : 8 = 35 : 280$$

$IG : GC = 11 : 24 = 99 : 216$ と考えれば比がそろうので、

$$EG : GC = (99 - 35) : 216$$

$$= 64 : 216$$

$$= 8 : 27$$

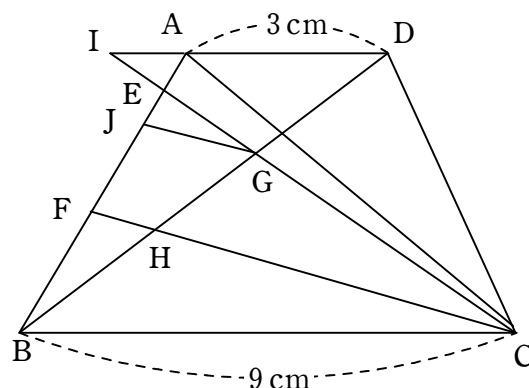
とわかる。

G を通り直線 HF に平行な直線と直線 EF の交点を J とする。

$EJ : JF = EG : GC = 8 : 27$ と $EF : FB = 1 : 1$ から、

$$JF : FB = 27 : 35$$

よって、 $BH : HG = BF : FJ = 35 : 27$



- 6 (1) 1 から 5 の目が 9 個ずつ見えているので、目の合計は $(1+2+3+4+5) \times 9 = 135$

(2) まわりから見る事ができる目の合計が最も大きくなるのは、オを取り除いたとき。

(3) たとえばアを取り除いても、取り除いたさいころの見ていた面のかわりに、新たに見えるようになった面があるので、結局合計は変わらない。このように、取り除いても合計が変わらないさいころを考えていくと、取り除いたさいころの個数として考えられるのは最大で 6 個である。(ウ、オ、キ以外を取り除いたときなど)