

1 (1)  $(\square \times \frac{9}{7} + \frac{11}{35}) \times \frac{7}{4} = 1$

$$\square \times \frac{9}{7} = \frac{4}{7} - \frac{11}{35}$$

$$\square = \frac{9}{35} \times \frac{7}{9} = \frac{1}{5} \quad \text{答}$$

(2) 自転車は時速 18 km なので、車との時速の差は  $48 - 18 = 30$  (km/時)  
よって追いつくまでの時間は  $1.8 \div 30 = 0.06$  (時間) = 3.6 (分) つまり 3分36秒後 答

(3) [1] 一の位が 0 の場合  
千の位は 1, 2, 3, 4 の 4 通り、十の位は 0 と千の位の数以外の 3 通り、同様に十の位は 2 通り。  
よって  $4 \times 3 \times 2 = 24$  (個)

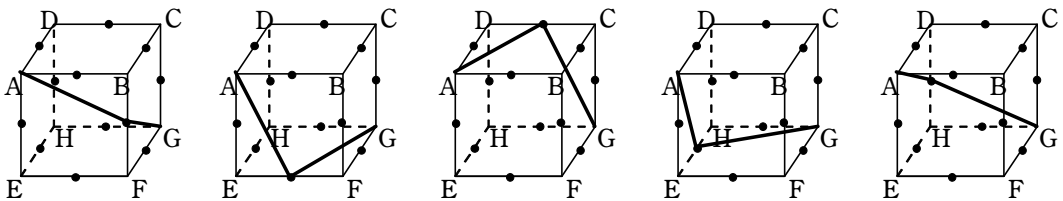
[2] 一の位が 2 または 4 の場合  
千の位は 0 と一の位の数以外の 3 通り。百の位は千の位と一の位の数以外 3 通り。  
同様に十の位は 2 通り。よって、一の位が 2 の場合と 4 の場合とを考慮して  
 $3 \times 3 \times 2 \times 2 = 36$  (個)

[1][2]より求める個数は  $24 + 36 = 60$  (個) 答

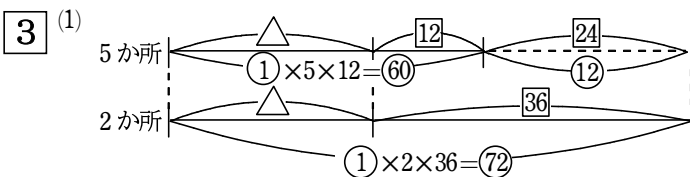
(4) 1つ目の条件より  $A < B$ 、2つ目の条件より  $A < C$ 、3つ目の条件より  $D < C$   
よって一番小さい数と考えられるものは A と D 答

(5) 小さい方の円の半径を  $\square$  とすると、小さい方の円の周の長さは  $\square \times 2 \times 3.14$   
大きい方の円の周の長さは  $(\square + 2) \times 2 \times 3.14$   
よって  $(\square + 2) \times 2 \times 3.14 - \square \times 2 \times 3.14 = 2 \times 2 \times 3.14 = 12.56$  (cm) 答

2 (1) 例の他に、次の 5 通りがある。



(2) 例も含めて 6 通り 答



- $\triangle$  ... 入場開始前から入場を待つ人数
- ① ... 毎分1か所の入場口から入場する人数
- ① ... 毎分会場に集まる人数

⑫ = ⑭ であるから、毎分 1 か所の入場口から入場する人数と、毎分会場に集まる人数の比は 2 : 1 答

(2)  $\boxed{12} = \textcircled{6}$  であるから、 $\triangle = \textcircled{60} - \textcircled{6} = \textcircled{54}$

よって、入場開始前から入場を待つ人数は  $\textcircled{54}$

3か所入場口を開くと、1分あたり  $\textcircled{3} - \textcircled{0.5} = \textcircled{2.5}$  人ずつ、入場を待つ人は減っていく。

よって、列がなくなるのにかかる時間は  $54 \div 2.5 = 54 \times \frac{10}{25} = \frac{108}{5} = 21\frac{3}{5}$  (分)

すなわち 21分36秒後 答

(3) 入場開始から5分以内で列をなくすためには、毎分少なくとも

$$54 \div 5 = \frac{54}{5} = 10.8 \quad \text{より} \quad \textcircled{1} \times 10.8 \quad \text{人ずつ減る必要がある。}$$

また、(2)より毎分会場に集まる人数は  $\textcircled{0.5}$  であるから

毎分  $\textcircled{1} \times 10.8 + \textcircled{0.5} = \textcircled{1} \times 11.3$  だけ入場口から入ればよい。つまり12か所 答

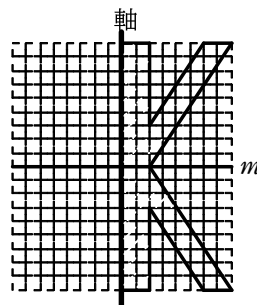
**4** (1) 直線  $m$  で分割したときの対称性より

$$\{8 \times 9 - 4 \times 6 \div 2 - 6 \times 9 \div 2\} \times 2 = 33 \times 2 = 66(\text{cm}^2) \quad \text{答}$$

(2) (1)と同様に対称性から  $\left\{ \left( 8 \times 8 \times 3.14 \times 12 \times \frac{1}{3} - 2 \times 2 \times 3.14 \times 3 \times \frac{1}{3} \right) \right.$

$$\left. - \left( 6 \times 6 \times 3.14 \times 9 \times \frac{1}{3} - 2 \times 2 \times 3.14 \times 3 \times \frac{1}{3} \right) + 2 \times 2 \times 3.14 \times 6 \right\} \times 2$$

$$= 1080.16(\text{cm}^3) \quad \text{答}$$



**5** (1)  $\boxed{30} = \frac{1}{2} \times 30 \times 31 = 465$  答

(2)  $\boxed{A} = \frac{1}{2} A(A+1)$  なので、 $A$  または  $A+1$  が5の倍数。つまり、 $A$  は5で割ったときの余りが

0か4である整数なので、 $20 + 20 = 40$  (個) 答

**別解** 【1】～【100】を【1】～【5】、【6】～【10】と5個ずつにわけると5の倍数は2個ずつあるから、 $20 \times 2 = 40$  (個) 答

(3)  $A$  または  $A+1$  が4の倍数。つまり、 $A$  は4で割ったときの余りが0か3なので、 $25 + 25 = 50$  (個) 答

**別解** 【1】、【2】、…は奇数、奇数、偶数、偶数と繰り返し現れるので、 $100 \div 2 = 50$  (個) 答

(4) 【1】～【100】までの100個の整数のうち、25の倍数は、

【24】、【25】、【49】、【50】、【74】、【75】、【99】、【100】の8個なので、 $N$  は5で  $40 + 8 = 48$  (回) 割ることができる。

また、(3)より  $N$  は2で48回以上割ることができるので、一の位から連続して並ぶ0は48個 答